

## 5.6 SOUSTAVY KUADRATICKÝCH ROVNIC O DVOU NEZNAMÝCH

(sborník - str. 42 a 43) - OBCHODNÍ AKADEMIE

$$1) x+y = 6$$

$$\underline{x \cdot y = 8}$$

$$\underline{x = 6-y}$$

$$(6-y) \cdot y = 8$$

$$6y - y^2 = 8$$

$$y^2 - 6y + 8 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{6 \pm \sqrt{36-32}}{2}$$

$$y_{1,2} = \frac{6 \pm 2}{2} \quad \begin{cases} y_1 = 4 \\ y_2 = 2 \end{cases}$$

$$x_1 = 6 - 4 = 2$$

$$x_2 = 6 - 2 = 4$$

$$[2;4] [4;2]$$

$$2) x-y = 2$$

$$\underline{x \cdot y = 3}$$

$$\underline{x = 2+y}$$

$$(2+y) \cdot y = 3$$

$$2y + y^2 = 3$$

$$y^2 + 2y - 3 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{-2 \pm \sqrt{16}}{2} = \begin{cases} y_1 = 1 \\ y_2 = -3 \end{cases}$$

$$x_1 = 2 + 1 = 3$$

$$x_2 = 2 - 3 = -1$$

$$[3;1] [-1;-3]$$

$$3) x-y = 7$$

$$\underline{x \cdot y = 30}$$

$$\underline{x = y + 7}$$

$$(y+7) \cdot y = 30$$

$$y^2 + 7y - 30 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{-7 \pm \sqrt{49+120}}{2}$$

$$y_{1,2} = \frac{-7 \pm 13}{2} = \begin{cases} y_1 = 3 \\ y_2 = -10 \end{cases}$$

$$x_1 = 3 + 7 = 10$$

$$x_2 = -10 + 7 = -3$$

$$[10;3] [-3;-10]$$

$$4) x+y = 7$$

$$\underline{x^2 + y^2 = 29}$$

$$\underline{x = 7-y}$$

$$(7-y)^2 + y^2 = 29$$

$$49 - 14y + y^2 + y^2 = 29$$

$$2y^2 - 14y + 20 = 0 \quad | :2$$

$$y^2 - 7y + 10 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{7 \pm \sqrt{49-40}}{2} = \begin{cases} y_1 = 5 \\ y_2 = 2 \end{cases}$$

$$x_1 = 7 - 5 = 2$$

$$x_2 = 7 - 2 = 5$$

$$[2;5] [5;2]$$

$$5) x-y = 2$$

$$\underline{x^2 + y^2 = 20}$$

$$\underline{x = 2+y}$$

$$(2+y)^2 + y^2 = 20$$

$$4 + 4y + y^2 + y^2 - 20 = 0$$

$$2y^2 + 4y - 16 = 0 \quad | :2$$

$$y^2 + 2y - 8 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{-2 \pm \sqrt{4+32}}{2} = \frac{-2 \pm 6}{2} = \begin{cases} y_1 = 2 \\ y_2 = -4 \end{cases}$$

$$x_1 = 2 + 2 = 4$$

$$x_2 = 2 - 4 = -2$$

$$[4;2] [-2;-4]$$

$$6) \begin{aligned} x+y^2 &= 5 \\ 2x-y^2 &= 1 \\ \hline x &= 5-y^2 \end{aligned}$$

$$2(5-y^2)-y^2=1$$

$$10-2y^2-y^2-1=0$$

$$-3y^2+9=0 \quad |:(-3)$$

$$y^2-3=0$$

$$y^2=3$$

$$y_{1,2} = \pm\sqrt{3} \quad \begin{cases} y_1 = +\sqrt{3} \\ y_2 = -\sqrt{3} \end{cases}$$

$$x_1 = 5 - (+\sqrt{3})^2 = 5 - 3 = 2$$

$$x_2 = 5 - (-\sqrt{3})^2 = 5 - 3 = 2$$

$$[2; \sqrt{3}] \quad [2; -\sqrt{3}]$$

$$9) x^2 + xy + y^2 = 37$$

$$\frac{x-y}{x+y} = 1$$

$$(1+y)^2 + (1+y) \cdot y^2 + y^2 = 37$$

$$1+2y+y^2+y+y^2+y^2-37=0$$

$$3y^2+3y-36=0 \quad |:3$$

$$y^2+y-12=0$$

$$y_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{1+48}}{2}$$

$$y_{1,2} = \frac{-1 \pm 7}{2} \quad \begin{cases} y_1 = 3 \\ y_2 = -4 \end{cases}$$

$$x_1 = 1+3=4$$

$$x_2 = 1-4=-3$$

$$[4; 3] \quad [-3; -4]$$

$$7) \begin{aligned} x^2+y^2 &= 4 \\ x+2y &= 4 \\ \hline x &= 4-2y \end{aligned}$$

$$(4-2y)^2+y^2=4$$

$$16-16y+4y^2+y^2-4=0$$

$$5y^2-16y+12=0$$

$$y_{1,2} = \frac{16 \pm \sqrt{256-240}}{10}$$

$$y_{1,2} = \frac{16 \pm 4}{10} \quad \begin{cases} y_1 = 2 \\ y_2 = \frac{6}{5} \end{cases}$$

$$x_1 = 4-2 \cdot 2 = 0$$

$$x_2 = 4-2 \cdot \frac{6}{5} = \frac{8}{5}$$

$$[0; 2] \quad [\frac{8}{5}; \frac{6}{5}]$$

$$8) \begin{aligned} x+y &= 5 \\ x^2-y^2 &= 5 \end{aligned}$$

$$x = 5-y$$

$$(5-y)^2-y^2=5$$

$$25-10y+y^2-y^2=5$$

$$-10y = -20 \quad |:(-10)$$

$$y=2$$

$$x=5-2=3$$

$$[3; 2]$$

$$10) 3xy - 14y = 28$$

$$\frac{3x-5y}{3}=1$$

$$3x=1+5y$$

$$x = \frac{1+5y}{3}$$

$$3 \cdot \frac{1+5y}{3} \cdot y - 14y = 28$$

$$(1+5y) \cdot y - 14y = 28$$

$$y+5y^2-14y-28=0$$

$$5y^2-13y-28=0$$

$$y_{1,2} = \frac{13 \pm \sqrt{169-560}}{10} = \frac{13 \pm 27}{10} = \begin{cases} y_1 = 4 \\ y_2 = -\frac{7}{5} \end{cases}$$

$$x_1 = \frac{1+5 \cdot 4}{3} = \frac{21}{3} = 7$$

$$x_2 = \frac{1+5 \cdot (-\frac{7}{5})}{3} = -2$$

$$[7; 4] \quad [-2; -\frac{7}{5}]$$

$$\begin{aligned} 11) \quad 9x^2 - 16y^2 &= 144 \\ 3x - 4y &= 36 \end{aligned} \quad \begin{array}{l} (1) \\ (2) \end{array}$$

Nyutolme posladeem  
dovilem

$$\begin{aligned} 1A) \quad (3x+4y) \cdot (3x-4y) &= 144 \\ \text{dosadime } (2) \text{ do } (1A) \\ (3x+4y) \cdot 36 &= 144 \quad | :36 \\ 3x+4y &= 4 \quad (3) \end{aligned}$$

2 (3) a (2) nyutolme  
posladeem, keter  
nyutolme

$$\begin{aligned} 3x-4y &= 36 \\ 3x+4y &= 4 \quad \left. \begin{array}{l} \text{posladeem} \\ \text{y} \end{array} \right\} \\ 6x &= 40 \\ x &= \frac{20}{3} \end{aligned}$$

$$3 \cdot \frac{20}{3} + 4y = 4$$

$$20 + 4y = 4$$

$$4y = -16$$

$$y = -4$$

$$\text{Reseni: } \left[ \frac{20}{3}; -4 \right]$$

$$\begin{aligned} 12) \quad 2x^2 + 2y^2 - 9x - 9y + 4 &= 0 \\ x+y &= 8 \end{aligned}$$

$$x = 8-y$$

$$2x^2 + 2y^2 - 9(x+y) + 4 = 0$$

$$2 \cdot (8-y)^2 + 2y^2 - 9 \cdot 8 + 4 = 0$$

$$2 \cdot (64 - 16y + y^2) + 2y^2 - 68 = 0$$

$$128 - 32y + 2y^2 + 2y^2 - 68 = 0$$

$$4y^2 - 32y + 60 = 0 \quad | :4$$

$$y^2 - 8y + 15 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{8 \pm \sqrt{64-60}}{2} = \frac{8 \pm 2}{2} = \begin{cases} y_1 = 5 \\ y_2 = 3 \end{cases}$$

$$x_1 = 8-5 = 3$$

$$x_2 = 8-3 = 5$$

$$[3;5] [5;3]$$

$$13) \quad x^2 + y^2 = 2(xy + 2)$$

$$\underline{x+y=6}$$

$$\underline{x = 6-y}$$

$$(6-y)^2 + y^2 = 2 \cdot [(6-y) \cdot y + 2]$$

$$36 - 12y + y^2 + y^2 = 2 \cdot (6y - y^2 + 2)$$

$$36 - 12y + 2y^2 = 12y - 2y^2 + 4$$

$$4y^2 - 24y + 32 = 0 \quad | :4$$

$$y^2 - 6y + 8 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{6 \pm \sqrt{36-32}}{2} = \frac{6 \pm 2}{2} = \begin{cases} y_1 = 4 \\ y_2 = 2 \end{cases}$$

$$x_1 = 6-4 = 2 \quad x_2 = 6-2 = 4$$

$$[2;4] [4;2]$$

(3)

14)

$$x^2 + y^2 = \frac{5}{2}xy \quad | :2$$

$$x - y = \frac{1}{2}xy \quad | :2$$

$$2x - 2y = xy$$

$$2x - xy = 2y$$

$$x(2-y) = 2y$$

$$x = \frac{2y}{2-y} \quad (y \neq 2)$$

$$2 \cdot \left( \frac{2y}{2-y} \right)^2 + 2y^2 = 5 \frac{2y}{2-y} \cdot y$$

$$2 \cdot \frac{4y^2}{(2-y)^2} + 2y^2 = \frac{10y^2}{2-y} \quad | \cdot (2-y)^2$$

$$8y^2 + 2y^2(2-y)^2 = 10y^2(2-y)$$

$$8y^2 + 2y^2(4-4y+y^2) = 20y^2 - 10y^3$$

$$8y^2 + 8y^2 - 8y^3 + 2y^4 = 20y^2 - 10y^3$$

$$2y^4 + 2y^3 - 4y^2 = 0 \quad | : 2y^2 \quad (y \neq 0)$$

$$y^2 + y - 2 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{1+8}}{2} = \frac{-1 \pm 3}{2} \quad \begin{cases} y_1 = -2 \\ y_2 = 1 \end{cases}$$

$$x_1 = \frac{2 \cdot (-2)}{2 - (-2)} = \frac{-4}{4} = -1$$

$$x_2 = \frac{2 \cdot 1}{2 - 1} = \frac{2}{1} = 2$$

$$[-1; -2] [2; 1]$$

$$15) x^2 - xy + y^2 = 7$$

$$\begin{array}{l} x-y = 1 \\ x = 1+y \end{array}$$

$$(1+y)^2 - (1+y) \cdot y + y^2 = 7$$

$$1 + 2y + y^2 - (y + y^2) + y^2 = 7$$

$$1 + 2y + y^2 - y - y^2 + y^2 = 7$$

$$y^2 + y - 6 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{1+24}}{2} = \frac{-1 \pm 5}{2} = \begin{cases} y_1 = 2 \\ y_2 = -3 \end{cases}$$

$$x_1 = 1+2=3, \quad x_2 = 1-3 = -2$$

$$[3; 2] [-2; 3]$$

$$16) (x-1) \cdot (y+5) = 100 \quad \text{Quadratendifferenz}$$

$$(x-2) \cdot (y+6) = 99$$

$$xy - y + 5x - 5 = 100$$

$$5x + xy = y + 105$$

$$x(5+y) = y + 105$$

$$x = \frac{y+105}{5+y}$$

$$\left( \frac{y+105}{5+y} - 2 \right) \cdot (y+6) = 99$$

$$\frac{y+105 - 2(5+y)}{5+y} \cdot (y+6) = 99$$

$$\frac{y+105 - 10 - 2y}{5+y} \cdot (y+6) = 99$$

$$\frac{95-y}{5+y} \cdot (y+6) = 99 \quad | \cdot (5+y)$$

$$(95-y) \cdot (y+6) - 99(5+y)$$

$$95y - y^2 + 570 - 6y = 495 - 99y, \quad \text{dell'}$$

Eduardo

Pohledem na pí. 16

$$-y^2 - 10y + 75 = 0 \quad | \cdot (-1)$$

$$y^2 + 10y - 75 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{-10 \pm \sqrt{100 + 300}}{2} = \frac{-10 \pm \sqrt{400}}{2} = \frac{-10 \pm 20}{2} = \begin{cases} y_1 = 5 \\ y_2 = -15 \end{cases}$$

$$x_1 = \frac{5+105}{5+5} = \frac{110}{10} = 11 \quad , \quad x_2 = \frac{-15+105}{5-15} = \frac{90}{-10} = -9$$

$$[1;5] \quad [-9;-15]$$

$$17) \quad x^2 + y^2 + x + y = 36 \quad (1)$$

$$\underline{3x^2 + 3y^2 + 4x + 5y = 117} \quad (2)$$

$$2 \quad (1) \dots x^2 + y^2 = 36 - x - y \quad \text{dej do rovnice } (2)$$

$$3(x^2 + y^2) + 4x + 5y = 117$$

$$3(36 - x - y) + 4x + 5y = 117$$

$$108 - 3x - 3y + 4x + 5y = 117$$

$$x + 2y = 9$$

$$x = 9 - 2y \quad \text{dej do } (1)$$

$$(9-2y)^2 + y^2 + (9-2y) + y = 36$$

$$81 - 36y + 4y^2 + y^2 + 9 - 2y + y - 36 = 0$$

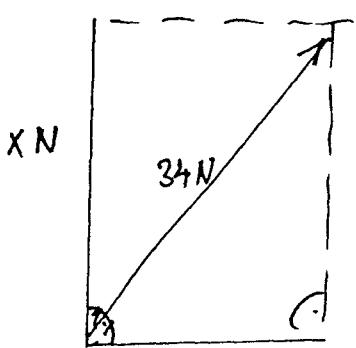
$$5y^2 - 34y + 54 = 0$$

$$y_{1,2} = \frac{37 \pm \sqrt{37^2 - 20 \cdot 54}}{10} = \frac{37 \pm 17}{10} = \begin{cases} y_1 = 5,4 \\ y_2 = 2 \end{cases}$$

$$x_1 = 9 - 2 \cdot 5,4 = -1,8 \quad , \quad x_2 = 9 - 2 \cdot 2 = 5 \quad [-1,8; 5,4] [5; 2]$$

18) Výslednice dvou sil, které působí v pravém úhlu, má velikost 34 N. Určte velikosti jednotlivých sil, jestliže jedna je o 1 N menší, než je polovina druhé sily.

(5)



$$\frac{x+1}{2} = \frac{x+2}{2}$$

To der Pythag. věty ještě

$$\left(\frac{x+2}{2}\right)^2 + x^2 = 34^2$$

$$\frac{(x+2)^2}{4} + x^2 = 1156$$

$$\left(\frac{x+1}{2}\right)N = \left(\frac{x+2}{2}\right)N$$

$$\frac{x^2 + 4x + 4}{4} + x^2 = 1156 \quad | \cdot 4$$

$$x^2 + 4x + 4 + 4x^2 = 4624$$

$$5x^2 + 4x - 4620 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{-4 \pm \sqrt{16 + 92400}}{10} = \frac{-4 \pm 304}{10} = \begin{cases} x_1 = 30 \text{ (N)} \\ x_2 = -30,8 \text{ (neuzložitelné)} \end{cases}$$

(Výsledek je:  $30 \text{ N}, 16 \text{ N.}$ )

$$\frac{x}{2} + 1 = \frac{30}{2} + 1 = 16 \text{ (N)}$$

- (9) Součet čitatel a jmenovatel sloučen je 49. Pomezi sloučen  
a sloučen k prvnímu převodcového je 9:16. Určete sloučen.

$$\frac{a}{b} \dots a+b=49$$

$$\frac{a}{b} : \frac{b}{a} = 9:16$$

$$a = 49 - b$$

$$\frac{\frac{a}{b}}{\frac{b}{a}} = \frac{9}{16}$$

$$\frac{a^2}{b^2} = \frac{9}{16}$$

$$\frac{(49-b)^2}{b^2} = \frac{9}{16}$$

$$16(49-b)^2 = 9b^2$$

$$16(2401 - 98b + b^2) = 9b^2$$

$$38416 - 1568b + 16b^2 = 9b^2$$

$$7b^2 - 1568b + 38416 = 0 \quad | :7$$

$$b^2 - 224b + 5488 = 0$$

$$b_{1,2} = \frac{224 \pm \sqrt{224^2 - 4 \cdot 5488}}{2} = \frac{224 \pm 168}{2} = \begin{cases} b_1 = 196 \\ b_2 = 28 \end{cases}$$

$$a_1 = 49 - 196 = -147, \quad a_2 = 21$$

$$\frac{a_1}{b_1} = -\frac{147}{196}$$

$$\frac{a_2}{b_2} = \frac{21}{28}$$

částečnou součet:  $-147 + 196 = 49$

$21 + 28 = 49$  akd.

20) aritmetický průměr dvou čísel je 17 a jejich geometrický průměr je 15. Určete oba čísla.

$$\begin{array}{l} \frac{a+b}{2} = 17 \quad | \cdot 2 \\ \sqrt{a \cdot b} = 15 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} (34-b) \cdot b = 225 \\ 34b - b^2 - 225 = 0 \quad | \cdot (-1) \\ b^2 - 34b + 225 = 0 \\ b_{1,2} = \frac{34 \pm \sqrt{34^2 - 900}}{2} = \frac{34 \pm \sqrt{256}}{2} = \frac{34 \pm 16}{2} = \begin{cases} b_1 = 25 \\ b_2 = 9 \end{cases} \\ a_1 = 34 - 25 = 9, \quad a_2 = 34 - 9 = 25 \\ \text{čísla jsou zoměnitelná.} \\ \text{Obrazená čísla jsou } \boxed{9 \text{ a } 15}. \end{array} \right.$$

21) Naleží jsou rozdíly obdélníků, které mají poloviční obsah mezi svýma o straně 12cm a obvod o 4cm méně než daný číesc.

$$\begin{array}{l} \square \quad O = 4 \cdot 12\text{cm} = 48\text{cm}^2 \\ S = 48\text{cm}^2 \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x \\ y \\ x+y = 22 \\ x = 22-y \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} x \cdot y = 72 \quad \textcircled{1} \\ 2x+2y+4=48 \\ 2x+2y=44 \quad |:2 \\ x+y=22 \\ x=22-y \end{array}$$

$$y_{1,2} = \frac{22 \pm \sqrt{196}}{2} = \frac{22 \pm 14}{2} \quad \left| \begin{array}{l} (22-y) \cdot y = 72 \\ 22y - y^2 - 72 = 0 \quad | \cdot (-1) \\ y^2 - 22y + 72 = 0 \end{array} \right. \quad \begin{array}{l} y_1 = 18, \quad y_2 = 4 \\ x_1 = 22 - 18 = 4, \quad x_2 = 22 - 4 = 18 \end{array}$$

Rozdíly jsou zoměnitelné.

Obdélník má rozdíly  $\boxed{18\text{cm a } 4\text{cm.}}$

22) Pravoúhlý trojúhelník  $\triangle$  je 13 a součet odtísek 17. Určete velikosti odtísek.

$$\begin{array}{c} \triangle \quad 13 \\ x \quad y \\ \text{O} \end{array} \quad \left| \begin{array}{l} x+y=17 \\ x^2+y^2=13^2 \\ \textcircled{7} \end{array} \right.$$

$$(17-y)^2 + y^2 = 169$$

$$289 - 34y + y^2 + y^2 = 169 \Rightarrow$$

$$2y^2 - 34y + 120 = 0 \quad | :2$$

$$y^2 - 17y + 60 = 0$$

$$\rightarrow y_{1,2} = \frac{17 \pm \sqrt{149}}{2} = \frac{17 \pm 7}{2} = \begin{cases} y_1 = 12 \\ y_2 = 5 \end{cases}$$

Rozměry - délky odvěšen jsou  
Dělitelky

Délky odvěšen jsou  $5$  a  $12$ .

23) Na škole je  $342$  žáků rozděleno do stejně početných skupin. Když by se počet skupin zvýšilo o  $1$ , bylo by se počet žáků ve skupině o dvojnásobek. Kolik skupin a po kolika žádech je na škole?

Počet skupin ...  $x$ , v  $1$  skupině je  $\frac{342}{x}$  žáků. Platí

$$\frac{342}{x-1} = \frac{342}{x} + 1 \quad | \cdot x(x-1)$$

$$342x = 342(x-1) + (x-1) \cdot x$$

$$342x = 342x - 342 + x^2 - x$$

$$x^2 - x - 342 = 0$$

$$\rightarrow x_{1,2} = \frac{1 \pm \sqrt{1+1368}}{2} = \frac{1 \pm 37}{2} =$$

$$x_1 = 19$$

$$x_2 = -18 \text{ (nevyhovuje)}$$

$$342 : 19 = 18 \text{ (platí)}$$

Na škole je  $19$  skupin po  $18$  žádech.

24) Holaš posenek trám sledilky měl stranod  $280\text{m}$ .

Uhranek proložil proti žákům  $375\text{m}$  jinou způsobem než kouzlo  $12\text{ m}^2$  za hradem. Určete rozdíly posenků.



b

$$2a + 2b = 280 \quad | :2$$

$$a+b = 140$$

$$a \cdot b = 375 \cdot 12$$

$$a \cdot b = 4500$$

$$a = 140 - b$$

$$(140-b) \cdot b = 4500$$

$$140b - b^2 - 4500 = 0 \quad | \cdot (-1)$$

$$b^2 - 140b + 4500 = 0$$

$$b_{1,2} = \frac{140 \pm \sqrt{1600}}{2} = \frac{140 \pm 40}{2} = \begin{cases} b_1 = 90 \\ b_2 = 50 \end{cases}$$

Rozdíly jsou dělitelky.

Posenek měl rozdíly  $90\text{m}$  a  $50\text{m}$ .

25) Střední držáků dosáhl v prvních 2 dnech 480 koců. V třetím dnu byl držákem mnoho koců o 2 víc - rovnaký věk a každý držák měl přesně o 10 koců víc než jiný držák. Celkové počet koců je 700 koců. Kolik držáků bylo prvního a kolik držáků když se mohou počítat? (Text ve skutečnosti je zadání, proto i všechno je výrobcem.)

Prvňak má x držáků, dosáhl 480 koců, když málo x koců. Druhý:

$$(x+2) \cdot \left( \frac{480}{x} + 10 \right) = 700 \quad \dots \quad (x+2) \cdot \frac{480 + 10x}{x} = 700 \quad | : x$$

$$\frac{(x+2) \cdot (480 + 10x)}{x} = 700 \quad | \cdot x$$

$$(x+2) \cdot (480 + 10x) = 700x$$

$$480x + 960 + 10x^2 + 20x - 700x = 0$$

$$10x^2 - 200x + 960 = 0 \quad | : 10$$

$$x^2 - 20x + 96 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{20 \pm \sqrt{16}}{2} = \frac{20 \pm 4}{2} = \begin{cases} 12 \\ 8 \end{cases} \quad \begin{array}{l} 480 : 12 = 40 \\ 480 : 8 = 60 \end{array}$$

Prvňak byl 12 držáků → prvního má 40 koců, druhý má 60.

26) Jej matematik řešení

$$x^2 + y^2 = 25$$

$$4x + 3y = 25$$

$$4x = 25 - 3y$$

$$x = \frac{25 - 3y}{4}$$

$$\left( \frac{25 - 3y}{4} \right)^2 + y^2 = 25$$

$$\frac{625 - 150y + 9y^2}{16} + y^2 = 25$$

$$\begin{aligned} & 625 - 150y + 9y^2 + 16y^2 = 400 \\ & 25y^2 - 150y + 225 = 0 \quad | : 25 \\ & y^2 - 6y + 9 = 0 \\ & y_{1,2} = \frac{6 \pm \sqrt{0}}{2} = 3 \quad \dots \quad x = \frac{25 - 3 \cdot 3}{4} = 4 \end{aligned}$$

[4; 3]

$$Q_k \cdot L_1^2 + 3^2 = 16 + 9 = 25, P_1 = 25, L_1 = P_1$$

$$L_2 = 4 \cdot 4 + 3 \cdot 3 = 25, P_2 = 25, L_2 = P_2$$

(9)

Řešení:  $x = 4, y = 3$  platí.